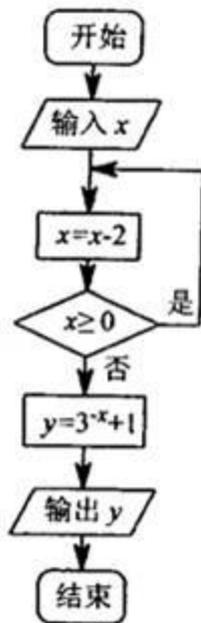


2017 年高考数学模拟试卷

一、选择题（共 25 小题，每小题 3 分，满分 75 分）

1. 已知集合 $M=\{1, 2, 3\}$, $N=\{1, 3, 4\}$, 则 $M \cap N =$ ()
A. $\{1, 3\}$ B. $\{1, 2, 3, 4\}$ C. $\{2, 4\}$ D. $\{1, 3, 4\}$
2. 函数 $y=\cos 2x$, $x \in \mathbb{R}$ 的最小正周期为 ()
A. 2 B. π C. 2π D. $\frac{1}{\pi}$
3. 若向量 $\vec{a}=(2, 3)$, $\vec{b}=(-1, 2)$, 则 $\vec{a}+\vec{b}$ 的坐标为 ()
A. $(1, 5)$ B. $(1, 1)$ C. $(3, 1)$ D. $(3, 5)$
4. i 是虚数单位, 复数 $\frac{4i}{1-i}$ 等于 ()
A. $-2-2i$ B. $2-2i$ C. $-2+2i$ D. $2+2i$
5. 函数 $f(x)=\frac{3}{\sqrt{\ln x}}$ 的定义域为 ()
A. $(0, +\infty)$ B. $(1, +\infty)$ C. $[0, +\infty)$ D. $[1, +\infty)$
6. 执行如图所示的程序框图, 当输入 x 为 16 时, 输出的 $y =$ ()



- A. 28 B. 10 C. 4 D. 2
7. 在等差数列 $\{a_n\}$, 若 $a_3=16$, $a_9=80$, 则 a_6 等于 ()
A. 13 B. 15 C. 17 D. 48

8. 椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 的离心率为 ()

- A. $\frac{3}{5}$ B. $\frac{4}{5}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{16}{25}$

9. 若双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{4} = 1$ ($a > 0$) 的一条渐近线方程为 $y = -2x$, 则 a 的值为 ()

- A. 8 B. 4 C. 2 D. 1

10. 若抛物线 $y^2 = 2px$ ($p > 0$) 的焦点坐标为 $(1, 0)$, 则 p 的值为 ()

- A. 1 B. 2 C. 4 D. 8

11. 下列函数在 R 上是减函数的为 ()

- A. $y = 0.5^x$ B. $y = x^3$ C. $y = \log_{0.5} x$ D. $y = 2^x$

12. 直线 $l_1: 2x - y - 1 = 0$ 与直线 $l_2: mx + y + 1 = 0$ 互相垂直的充要条件是 ()

- A. $m = -2$ B. $m = -\frac{1}{2}$ C. $m = \frac{1}{2}$ D. $m = 2$

13. 已知 $x > -2$, 则 $x + \frac{1}{x+2}$ 的最小值为 ()

- A. $-\frac{1}{2}$ B. -1 C. 2 D. 0

14. 将函数 $y = \cos 2x$ 的图象向右平移 $\frac{\pi}{12}$ 个单位长度, 所得图象的函数解析式为 ()

- A. $y = \cos(2x + \frac{\pi}{6})$ B. $y = \cos(2x + \frac{\pi}{3})$ C. $y = \cos(2x - \frac{\pi}{6})$ D. $y = \cos(2x - \frac{\pi}{3})$

15. 已知 $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\sin 2\alpha$ 的值为 ()

- A. $\frac{7}{25}$ B. $\frac{24}{25}$ C. $-\frac{24}{25}$ D. $-\frac{12}{25}$

16. 如图所示, 一个简单空间几何体的三视图, 其正视图与侧视图是边长为 2 的正三角形, 俯视图为正方形, 则此几何体的体积等于 ()



- A. $\frac{4\sqrt{2}}{3}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{6}$ C. $\frac{8}{3}$ D. $\frac{4\sqrt{3}}{3}$

17. 将一枚硬币先后抛掷两次，恰好出现一次正面的概率是 ()

- A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{1}{3}$

18. 从甲、乙、丙、丁四名同学中选 2 人参加普法知识竞赛，则甲被选中的概率为 ()

- A. $\frac{3}{4}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{4}$ D. $\frac{1}{2}$

19. 若 $a=2^{0.5}$, $b=\log_{0.2}5$, $c=0.5^2$, 则 a 、 b 、 c 三个数的大小关系式 ()

- A. $c < a < b$ B. $b < c < a$ C. $c < b < a$ D. $b < a < c$

20. 已知圆 M 的半径为 1, 若此圆同时与 x 轴和直线 $y=\sqrt{3}x$ 相切, 则圆 M 的标准方程可能是 ()

- A. $(x-\sqrt{3})^2+(y-1)^2=1$ B. $(x-1)^2+(y-\sqrt{3})^2=1$ C. $(x-1)^2+(y+\sqrt{3})^2=1$ D. $(x-\sqrt{3})^2+(y+1)^2=1$

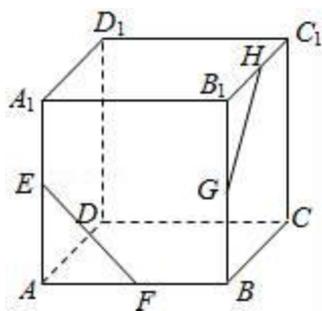
21. 函数 $f(x)=2mx+4$, 若在 $[-2, 1]$ 内恰有一个零点, 则 m 的取值范围是 ()

- A. $[-1, 2]$ B. $[1, +\infty)$ C. $(-\infty, -2] \cup [1, +\infty)$ D. $[-2, 1]$

22. 已知 α, β, γ 是空间三个不重合的平面, m, n 是空间两条不重合的直线, 则下列命题为真命题的是 ()

- A. 若 $\alpha \perp \beta, \beta \perp \gamma$, 则 $\alpha \parallel \gamma$ B. 若 $\alpha \perp \beta, m \parallel \beta$, 则 $m \perp \alpha$
C. 若 $m \perp \alpha, n \perp \alpha$, 则 $m \parallel n$ D. 若 $m \parallel \alpha, n \parallel \alpha$, 则 $m \parallel n$

23. 如图, 在正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中, E, F, G, H 分别为 AA_1, AB, BB_1, B_1C_1 的中点, 则异面直线 EF 与 GH 所成的角等于 ()

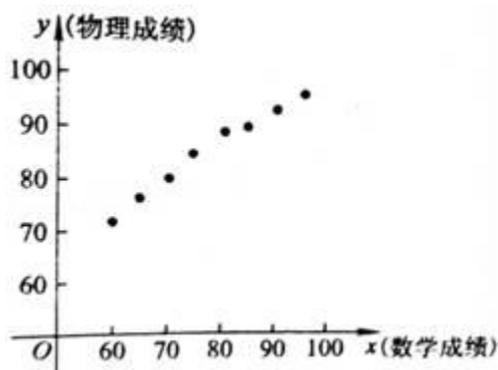


- A. 45° B. 60° C. 90° D. 120°

24. 某次考试, 班主任从全班同学中随机抽取一个容量为 8 的样本, 他们的数学、物理分数对应如下表:

学生编号	1	2	3	4	5	6	7	8
数学分数 x	60	65	70	75	80	85	90	95
物理分数 y	72	77	80	84	88	90	93	95

绘出散点图如下:



根据以上信息, 判断下列结论:

- ①根据此散点图, 可以判断数学成绩与物理成绩具有线性相关关系;
- ②根据此散点图, 可以判断数学成绩与物理成绩具有一次函数关系;
- ③甲同学数学考了 80 分, 那么, 他的物理成绩一定比数学只考了 60 分的乙同学的物理成绩要高.

其中正确的个数为 ()

- A. 0 B. 3 C. 2 D. 1

25. 已知函数 $f(x) = (x^2 - 4)(x - a)$, a 为实数, $f'(1) = 0$, 则 $f(x)$ 在 $[-2, 2]$ 上的最大值是 ()

- A. $\frac{9}{2}$ B. 1 C. $\frac{3}{5}$ D. $\frac{50}{27}$

二、填空题 (共 5 小题, 每小题 5 分, 满分 25 分)

26. 若向量 $\vec{a} = (1, 2)$, $\vec{b} = (-3, 4)$, 则 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ 的值等于____; \vec{a} 与 \vec{b} 夹角的余弦值等于_____.

27. 已知函数 $f(x) = -\frac{1}{3}x^3 - x^2$, 则曲线 $y=f(x)$ 在点 $(1, f(1))$ 处的切线斜率为_____.

28. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 - a_5 = -\frac{15}{2}$, $S_4 = -5$, 则 $a_4 =$ _____.

29. 已知函数 $f(x) = a - \frac{1}{2^x + 1}$ (a 为实数) 为奇函数, 则 a 的值为_____.

30. 设 A、B 两点在河的两岸, 一测量者在 A 的同侧所在的河岸边选定一点 C, 测出 AC 的距离为 50m, $\angle ACB = 45^\circ$, $\angle CAB = 105^\circ$ 后, 算出 A、B 两点的距离为_____m.

2017 年天津市红桥区高考数学模拟试卷

参考答案与试题解析

一、选择题（共 25 小题，每小题 3 分，满分 75 分）

1. 已知集合 $M = \{1, 2, 3\}$, $N = \{1, 3, 4\}$, 则 $M \cap N =$ ()

A. $\{1, 3\}$ B. $\{1, 2, 3, 4\}$ C. $\{2, 4\}$ D. $\{1, 3, 4\}$

【考点】 交集及其运算.

【分析】 根据交集的定义写出 $M \cap N$.

【解答】 解: 集合 $M = \{1, 2, 3\}$,

$N = \{1, 3, 4\}$,

$\therefore M \cap N = \{1, 3\}$.

故选: A.

2. 函数 $y = \cos 2x$, $x \in \mathbb{R}$ 的最小正周期为 ()

A. 2 B. π C. 2π D. $\frac{1}{\pi}$

【考点】 三角函数的周期性及其求法.

【分析】 由条件利用函数 $y = A \cos(\omega x + \phi)$ 的周期为 $\frac{2\pi}{\omega}$, 求得结果.

【解答】 解: $\because y = \cos 2x$,

\therefore 最小正周期 $T = \frac{2\pi}{2} = \pi$, 即函数 $y = \cos 2x$ 的最小正周期为 π .

故选: B.

3. 若向量 $\vec{a} = (2, 3)$, $\vec{b} = (-1, 2)$, 则 $\vec{a} + \vec{b}$ 的坐标为 ()

A. $(1, 5)$ B. $(1, 1)$ C. $(3, 1)$ D. $(3, 5)$

【考点】 平面向量的坐标运算.

【分析】 由向量 $\vec{a} = (2, 3)$, $\vec{b} = (-1, 2)$, 利用向量的坐标运算法则, 能求出 $\vec{a} + \vec{b}$ 的坐标.

【解答】解：∵向量 $\vec{a} = (2, 3)$ ， $\vec{b} = (-1, 2)$ ，

$$\therefore \vec{a} + \vec{b} = (1, 5).$$

故选：A.

4. i 是虚数单位，复数 $\frac{4i}{1-i}$ 等于（ ）

A. $-2 - 2i$ B. $2 - 2i$ C. $-2 + 2i$ D. $2 + 2i$

【考点】复数代数形式的乘除运算.

【分析】直接利用复数代数形式的乘除运算化简得答案.

【解答】解：
$$\frac{4i}{1-i} = \frac{4i(1+i)}{(1-i)(1+i)} = \frac{4i(1+i)}{2} = -2 + 2i,$$

故选：C.

5. 函数 $f(x) = \frac{3}{\sqrt{\ln x}}$ 的定义域为（ ）

A. $(0, +\infty)$ B. $(1, +\infty)$ C. $[0, +\infty)$ D. $[1, +\infty)$

【考点】函数的定义域及其求法.

【分析】根据对数函数的性质以及二次根式的性质判断即可.

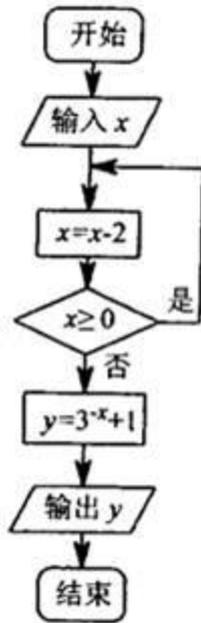
【解答】解：由题意得：

$$\ln x > 0 \text{ 解得：} x > 1,$$

故函数的定义域是 $(1, +\infty)$ ，

故选：B.

6. 执行如图所示的程序框图，当输入 x 为 16 时，输出的 $y =$ （ ）



A. 28 B. 10 C. 4 D. 2

【考点】程序框图.

【分析】由已知中的程序语句可知：该程序的功能是利用循环结构计算并输出变量 y 的值，模拟程序的运行过程，分析循环中各变量值的变化情况，可得答案.

【解答】解：模拟程序的运行，可得

$x=16$

执行循环体， $x=14$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=12$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=10$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=8$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=6$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=4$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=2$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=0$ ，

满足条件 $x \geq 0$ ，执行循环体， $x=-2$ ，

不满足条件 $x \geq 0$ ，退出循环， $y=10$ ，

执行输出语句，输出 y 的值为 10.

故选：B.

7. 在等差数列 $\{a_n\}$, 若 $a_3=16$, $a_9=80$, 则 a_6 等于 ()

A. 13 B. 15 C. 17 D. 48

【考点】等差数列的通项公式.

【分析】直接由已知结合等差数列的性质得答案.

【解答】解: 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, 由 $a_3=16$, $a_9=80$,
得 $2a_6=a_3+a_9=16+80=96$,

$\therefore a_6=48$.

故选: D.

8. 椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 的离心率为 ()

A. $\frac{3}{5}$ B. $\frac{4}{5}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{16}{25}$

【考点】椭圆的简单性质.

【分析】由椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 的方程可知, a, b, c 的值, 由离心率 $e = \frac{c}{a}$ 求出结果.

【解答】解: 由椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 的方程可知, $a=5, b=4, c=3$, \therefore 离心率 $e = \frac{c}{a} = \frac{3}{5}$,

故选 A.

9. 若双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{4} = 1$ ($a > 0$) 的一条渐近线方程为 $y = -2x$, 则 a 的值为 ()

A. 8 B. 4 C. 2 D. 1

【考点】双曲线的简单性质.

【分析】根据双曲线的方程求得渐近线方程为 $y = \pm \frac{2}{a}x$, 即可求出 a 的值,

【解答】解: \because 双曲线的渐近线方程为 $y = \pm \frac{2}{a}x$,

又已知一条渐近线方程为 $y = -2x$, $\therefore -\frac{2}{a} = -2$, $a=1$,

故选：D

10. 若抛物线 $y^2=2px$ ($p>0$) 的焦点坐标为 $(1, 0)$ ，则 p 的值为 ()

A. 1 B. 2 C. 4 D. 8

【考点】抛物线的简单性质.

【分析】由抛物线 $y^2=2px$ ($p>0$) 的焦点坐标为 $(1, 0)$ ，可得 $\frac{p}{2}=1$ ，即可得出结论.

【解答】解：∵ 抛物线 $y^2=2px$ ($p>0$) 的焦点坐标为 $(1, 0)$ ，

$$\therefore \frac{p}{2}=1,$$

$$\therefore p=2.$$

故选：B.

11. 下列函数在 \mathbb{R} 上是减函数的为 ()

A. $y=0.5^x$ B. $y=x^3$ C. $y=\log_{0.5}x$ D. $y=2^x$

【考点】函数单调性的判断与证明.

【分析】根据指数函数的单调性便可判断函数 $y=0.5^x$ 在 \mathbb{R} 上是减函数，从而找出正确选项.

【解答】解： $y=x^3$ ， $y=2^x$ 在 \mathbb{R} 上都是增函数；

$y=0.5^x$ 在 \mathbb{R} 上为减函数；

函数 $y=\log_{0.5}x$ 的定义域为 $(0, +\infty)$ ，即在 $(-\infty, 0]$ 上没定义.

故选：A.

12. 直线 $l_1: 2x - y - 1=0$ 与直线 $l_2: mx+y+1=0$ 互相垂直的充要条件是 ()

A. $m=-2$ B. $m=-\frac{1}{2}$ C. $m=\frac{1}{2}$ D. $m=2$

【考点】直线的一般式方程与直线的垂直关系.

【分析】由两直线 $ax+by+c=0$ 与 $mx+ny+d=0$ 垂直 $\Leftrightarrow am+bn=0$ 解得即可.

【解答】解：直线 $l_1: 2x - y - 1=0$ 与直线 $l_2: mx+y+1=0 \Leftrightarrow 2m - 1=0 \Leftrightarrow m=\frac{1}{2}$.

故选 C.

13. 已知 $x > -2$, 则 $x + \frac{1}{x+2}$ 的最小值为 ()

A. $-\frac{1}{2}$ B. -1 C. 2 D. 0

【考点】基本不等式.

【分析】变形利用基本不等式的性质即可得出.

【解答】解: $\because x > -2$, 则 $x + \frac{1}{x+2} = x+2 + \frac{1}{x+2} - 2 \geq 2\sqrt{(x+2) \cdot \frac{1}{x+2}} - 2 = 0$, 当且仅当 $x = -1$ 时取等号.

$\therefore x + \frac{1}{x+2}$ 的最小值为 0 .

故选: D.

14. 将函数 $y = \cos 2x$ 的图象向右平移 $\frac{\pi}{12}$ 个单位长度, 所得图象的函数解析式为 ()

A. $y = \cos(2x + \frac{\pi}{6})$ B. $y = \cos(2x + \frac{\pi}{3})$ C. $y = \cos(2x - \frac{\pi}{6})$ D. $y = \cos(2x - \frac{\pi}{3})$

【考点】函数 $y = A\sin(\omega x + \phi)$ 的图象变换.

【分析】将函数 $y = \cos 2x$ 的图象向右平移 $\frac{\pi}{12}$ 个单位, 得到的新函数的解析式要在 x 上减去平移的大小, 即可得解.

【解答】解: 将函数 $y = \cos 2x$ 的图象向右平移 $\frac{\pi}{12}$ 个单位, 所得图象的函数解析式为 $y = \cos[2(x - \frac{\pi}{12})] = \cos(2x - \frac{\pi}{6})$.

故选: C.

15. 已知 $\sin \alpha = \frac{4}{5}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$, 则 $\sin 2\alpha$ 的值为 ()

A. $\frac{7}{25}$ B. $\frac{24}{25}$ C. $-\frac{24}{25}$ D. $-\frac{12}{25}$

【考点】二倍角的正弦.

【分析】由已知利用同角三角函数基本关系式可求 $\cos\alpha$ 的值，进而利用二倍角的正弦函数公式可求 $\sin 2\alpha$ 的值.

【解答】解：∵ $\sin\alpha = \frac{4}{5}$, $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \pi)$,

$$\therefore \cos\alpha = -\sqrt{1 - \sin^2\alpha} = -\frac{3}{5},$$

$$\therefore \sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha = -\frac{24}{25}.$$

故选：C.

16. 如图所示，一个简单空间几何体的三视图，其正视图与侧视图是边长为 2 的正三角形，俯视图为正方形，则此几何体的体积等于 ()



- A. $\frac{4\sqrt{2}}{3}$ B. $\frac{\sqrt{3}}{6}$ C. $\frac{8}{3}$ D. $\frac{4\sqrt{3}}{3}$

【考点】棱柱、棱锥、棱台的体积；由三视图求面积、体积.

【分析】由已知中的三视图可得该几何体为四棱锥，底面棱长为 2，高为 $\sqrt{3}$ ，代入棱锥体积公式，可得答案.

【解答】解：由已知中的三视图可得该几何体为四棱锥，

∵ 正视图与侧视图是边长为 2 的正三角形，俯视图为正方形，

∴ 棱锥的底面棱长为 2，高为 $\sqrt{3}$ ，

$$\text{故棱锥的体积 } V = \frac{1}{3} \times 2 \times 2 \times \sqrt{3} = \frac{4\sqrt{3}}{3},$$

故选：D

17. 将一枚硬币先后抛掷两次，恰好出现一次正面的概率是 ()

- A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{1}{3}$

【考点】列举法计算基本事件数及事件发生的概率.

【分析】将一枚硬币先后抛掷两次，利用列举法求出基本事件个数和恰好出现一

次正面的情况的种数，由此能求出将一枚硬币先后抛掷两次，恰好出现一次正面的概率。

【解答】解：将一枚硬币先后抛掷两次，

基本事件有：{正正}，{正反}，{反正}，{反反}，共有 4 个，

恰好出现一次正面的情况有两种，

∴将一枚硬币先后抛掷两次，恰好出现一次正面的概率是 $p = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ 。

故选：B。

18. 从甲、乙、丙、丁四名同学中选 2 人参加普法知识竞赛，则甲被选中的概率为（ ）

A. $\frac{3}{4}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{4}$ D. $\frac{1}{2}$

【考点】古典概型及其概率计算公式。

【分析】先求出基本事件总数 $n = C_4^2 = 6$ ，再求出甲被选中包含的基本事件个数 $m = C_1^1 C_3^1 = 3$ ，由此能求出甲被选中的概率。

【解答】解：从甲、乙、丙、丁四名同学中选 2 人参加普法知识竞赛，

基本事件总数 $n = C_4^2 = 6$ ，

甲被选中包含的基本事件个数 $m = C_1^1 C_3^1 = 3$ ，

∴甲被选中的概率为 $p = \frac{m}{n} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ 。

故选：D。

19. 若 $a = 2^{0.5}$ ， $b = \log_{0.2} 5$ ， $c = 0.5^2$ ，则 a、b、c 三个数的大小关系式（ ）

A. $c < a < b$ B. $b < c < a$ C. $c < b < a$ D. $b < a < c$

【考点】对数值大小的比较。

【分析】利用指数函数与对数函数的单调性即可得出。

【解答】解：∵ $a = 2^{0.5} > 1$ ， $b = \log_{0.2} 5 < 0$ ， $c = 0.5^2 \in (0, 1)$ ，

则 $a > c > b$ 。

故选：B.

20. 已知圆 M 的半径为 1，若此圆同时与 x 轴和直线 $y=\sqrt{3}x$ 相切，则圆 M 的标准方程可能是 ()

- A. $(x-\sqrt{3})^2+(y-1)^2=1$ B. $(x-1)^2+(y-\sqrt{3})^2=1$ C. $(x-1)^2+(y+\sqrt{3})^2=1$ D. $(x-\sqrt{3})^2+(y+1)^2=1$

【考点】圆的切线方程.

【分析】由题意，圆心所在直线的斜率为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$ 或 $-\sqrt{3}$ ，再检验，即可得出结论.

【解答】解：由题意，圆心所在直线的斜率为 $\frac{\sqrt{3}}{3}$ 或 $-\sqrt{3}$ ，

经检验 A，满足圆 M 的半径为 1，若此圆同时与 x 轴和直线 $y=\sqrt{3}x$ 相切，
故选 A.

21. 函数 $f(x)=2mx+4$ ，若在 $[-2, 1]$ 内恰有一个零点，则 m 的取值范围是 ()

- A. $[-1, 2]$ B. $[1, +\infty)$ C. $(-\infty, -2] \cup [1, +\infty)$ D. $[-2, 1]$

【考点】函数零点的判定定理.

【分析】利用函数的零点判定定理列出不等式求解即可.

【解答】解：函数 $f(x)=2mx+4$ ，若在 $[-2, 1]$ 内恰有一个零点，

可得： $f(-2) \cdot f(1) \leq 0$ 并且 $m \neq 0$ ，

可得： $(4-4m)(2m+4) \leq 0$ ，

解得 $m \in (-\infty, -2] \cup [1, +\infty)$.

函数 $f(x)=2mx+4$ ，若在 $[-2, 1]$ 内恰有一个零点，则 m 的取值范围是： $(-\infty, -2] \cup [1, +\infty)$.

故选：C.

22. 已知 α, β, γ 是空间三个不重合的平面，m, n 是空间两条不重合的直线，则下列命题为真命题的是 ()

- A. 若 $\alpha \perp \beta, \beta \perp \gamma$ ，则 $\alpha \parallel \gamma$ B. 若 $\alpha \perp \beta, m \parallel \beta$ ，则 $m \perp \alpha$

C. 若 $m \perp \alpha$, $n \perp \alpha$, 则 $m \parallel n$ D. 若 $m \parallel \alpha$, $n \parallel \alpha$, 则 $m \parallel n$

【考点】空间中直线与平面之间的位置关系.

【分析】由垂直于同一平面的两平面的位置关系判断 A; 由空间中的线面关系判断 B; 由线面垂直的性质判断 C; 由平行于同一平面的两直线的位置关系判断 D.

【解答】解: 由 $\alpha \perp \beta$, $\beta \perp \gamma$, 得 $\alpha \parallel \gamma$ 或 α 与 γ 相交, 故 A 错误;

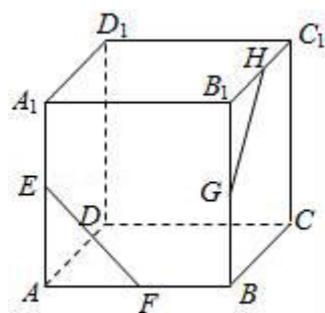
由 $\alpha \perp \beta$, $m \parallel \beta$, 得 $m \parallel \alpha$ 或 $m \subset \alpha$ 或 m 与 α 相交, 故 B 错误;

由 $m \perp \alpha$, $n \perp \alpha$, 得 $m \parallel n$, 故 C 正确;

由 $m \parallel \alpha$, $n \parallel \alpha$, 得 $m \parallel n$ 或 m 与 n 相交或 m 与 n 异面, 故 D 错误.

故选: C.

23. 如图, 在正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中, E、F、G、H 分别为 AA_1 、AB、 BB_1 、 B_1C_1 的中点, 则异面直线 EF 与 GH 所成的角等于 ()



A. 45° B. 60° C. 90° D. 120°

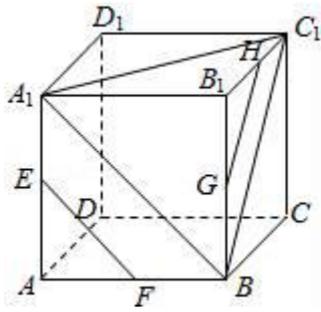
【考点】异面直线及其所成的角.

【分析】先通过平移将两条异面直线平移到同一个起点 B, 得到的锐角 $\angle A_1BC_1$ 就是异面直线所成的角, 在三角形 A_1BC_1 中求出此角即可.

【解答】解: 如图, 连 A_1B 、 BC_1 、 A_1C_1 , 则 $A_1B = BC_1 = A_1C_1$, 且 $EF \parallel A_1B$ 、 $GH \parallel BC_1$,

所以异面直线 EF 与 GH 所成的角等于 60° ,

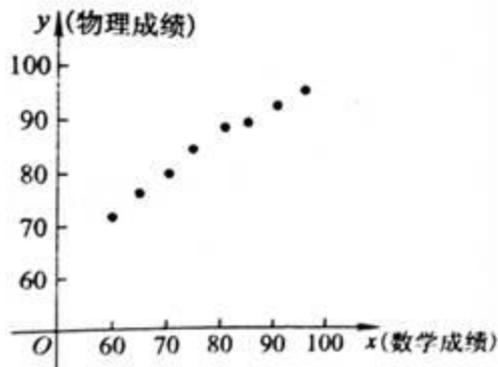
故选 B.



24. 某次考试，班主任从全班同学中随机抽取一个容量为 8 的样本，他们的数学、物理分数对应如下表：

学生编号	1	2	3	4	5	6	7	8
数学分数 x	60	65	70	75	80	85	90	95
物理分数 y	72	77	80	84	88	90	93	95

绘出散点图如下：



根据以上信息，判断下列结论：

- ①根据此散点图，可以判断数学成绩与物理成绩具有线性相关关系；
- ②根据此散点图，可以判断数学成绩与物理成绩具有一次函数关系；
- ③甲同学数学考了 80 分，那么，他的物理成绩一定比数学只考了 60 分的乙同学的物理成绩要高。

其中正确的个数为 ()

- A. 0 B. 3 C. 2 D. 1

【考点】 散点图.

【分析】 根据散点图的知识，对选项中的命题进行分析、判断正误即可.

【解答】 解：对于①，根据此散点图知，各点都分布在一条直线附近，

可以判断数学成绩与物理成绩具有较强的线性相关关系，①正确；

对于②，根据此散点图，可以判断数学成绩与物理成绩具有较强的线性相关关系，不是一次函数关系，②错误；

对于③，甲同学数学考了 80 分，他的物理成绩可能比数学只考了 60 分的乙同学的物理成绩要高，

所以③错误.

综上，正确的命题是①，只有 1 个.

故选：D.

25. 已知函数 $f(x) = (x^2 - 4)(x - a)$ ， a 为实数， $f'(1) = 0$ ，则 $f(x)$ 在 $[-2, 2]$ 上的最大值是 ()

- A. $\frac{9}{2}$ B. 1 C. $\frac{3}{5}$ D. $\frac{50}{27}$

【考点】利用导数求闭区间上函数的最值.

【分析】求导，分析出函数的单调性，进而求出函数的极值和两端点的函数值，可得函数 $f(x)$ 在 $[-2, 2]$ 上的最大值.

【解答】解：∵函数 $f(x) = (x^2 - 4)(x - a)$ ，

$$\therefore f'(x) = 2x(x - a) + (x^2 - 4),$$

$$\therefore f'(1) = 2(1 - a) - 3 = 0,$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2},$$

$$\therefore f(x) = (x^2 - 4)\left(x + \frac{1}{2}\right) = x^3 + \frac{1}{2}x^2 - 4x - 2,$$

$$f'(x) = 3x^2 + x - 4,$$

$$\text{令 } f'(x) = 0, \text{ 则 } x = -\frac{4}{3}, \text{ 或 } x = 1,$$

当 $x \in [-2, -\frac{4}{3})$ ，或 $x \in (1, 2]$ 时， $f'(x) > 0$ ，函数为增函数；

当 $x \in (-\frac{4}{3}, 1)$ 时， $f'(x) < 0$ ，函数为减函数；

$$\text{由 } f\left(-\frac{4}{3}\right) = \frac{50}{27}, f(2) = 0,$$

故函数 $f(x)$ 在区间 $[-2, 2]$ 上的最大值为 $\frac{50}{27}$ ，

故选：D.

二、填空题（共 5 小题，每小题 5 分，满分 25 分）

26. 若向量 $\vec{a} = (1, 2)$, $\vec{b} = (-3, 4)$, 则 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ 的值等于 5; \vec{a} 与 \vec{b} 夹角的余弦值等于 $\frac{\sqrt{5}}{5}$.

【考点】平面向量数量积的运算.

【分析】可先根据向量 \vec{a} , \vec{b} 的坐标求出 $|\vec{a}| = \sqrt{5}$, $|\vec{b}| = 5$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = 5$, 进而根据

$\cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|}$ 即可求出 \vec{a} , \vec{b} 夹角的余弦值.

【解答】解: $|\vec{a}| = \sqrt{5}$, $|\vec{b}| = 5$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = 5$;

$$\therefore \cos \langle \vec{a}, \vec{b} \rangle = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} = \frac{5}{5\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}.$$

故答案为: $5, \frac{\sqrt{5}}{5}$.

27. 已知函数 $f(x) = -\frac{1}{3}x^3 - x^2$, 则曲线 $y=f(x)$ 在点 $(1, f(1))$ 处的切线斜率为 -3.

【考点】利用导数研究曲线上某点切线方程.

【分析】求曲线在点处得切线的斜率, 就是求曲线在该点处得导数值, 先求导函数, 然后将点的横坐标代入即可求得结果.

【解答】解: $\because f(x) = -\frac{1}{3}x^3 - x^2$,

$$\therefore f'(x) = -x^2 - 2x,$$

令 $x=1$, 即可得斜率为: $k = -3$.

故答案为 -3.

28. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 - a_5 = -\frac{15}{2}$, $S_4 = -5$, 则 $a_4 =$ 1.

【考点】等比数列的前 n 项和; 等比数列的通项公式.

【分析】设公比为 q ，由题意可得 $a_1 - a_1q^4 = -\frac{15}{2}$ ， $\frac{a_1(1-q^4)}{1-q} = -5$ ，解得 q 和

a_1 的值，即可求得 a_4 的值。

【解答】解：等比数列 $\{a_n\}$ 中， $a_1 - a_5 = -\frac{15}{2}$ ， $S_4 = -5$ ，设公比为 q ，

则有 $a_1 - a_1q^4 = -\frac{15}{2}$ ， $\frac{a_1(1-q^4)}{1-q} = -5$ ，解得 $q = -\frac{1}{2}$ ， $a_1 = -8$ ，

$$\therefore a_4 = -8 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^3 = 1,$$

故答案为 1.

29. 已知函数 $f(x) = a - \frac{1}{2^x+1}$ (a 为实数) 为奇函数，则 a 的值为 $\frac{1}{2}$.

【考点】函数奇偶性的性质.

【分析】利用奇函数的性质 $f(0) = 0$ 即可得出.

【解答】解：由题意， $f(0) = a - \frac{1}{2} = 0$ ，

$$\therefore a = \frac{1}{2}.$$

故答案为： $\frac{1}{2}$.

30. 设 A、B 两点在河的两旁，一测量者在 A 的同侧所在的河岸边选定一点 C，测出 AC 的距离为 50m， $\angle ACB = 45^\circ$ ， $\angle CAB = 105^\circ$ 后，算出 A、B 两点的距离为 $50\sqrt{2}$ m.

【考点】余弦定理.

【分析】根据题意画出图形，如图所示，由 $\angle ACB$ 与 $\angle CAB$ 的度数求出 $\angle ABC$ 的度数，再由 AC 的长，利用正弦定理即可求出 AB 的长.

【解答】解：在 $\triangle ABC$ 中， $AC = 50\text{m}$ ， $\angle ACB = 45^\circ$ ， $\angle CAB = 105^\circ$ ，

$\therefore \angle ABC = 30^\circ$ ，

由正弦定理 $\frac{AC}{\sin \angle ABC} = \frac{AB}{\sin \angle ACB}$ 得： $AB = \frac{AC \cdot \sin \angle ACB}{\sin \angle ABC} = \frac{50 \times \frac{\sqrt{2}}{2}}{\frac{1}{2}} = 50\sqrt{2}$ (m)，

故答案为: $50\sqrt{2}$

